

OGLEDNI PRIMJER 2. KOLOKVIJA

1. Zadana je realna funkcija $h(y) = \frac{2}{5 \cdot \pi + 2} \cdot \frac{y}{\operatorname{ctg} y}$. Izračunajte $h'\left(\frac{5}{4} \cdot \pi\right)$.

2. Izračunajte granične vrijednosti nizova:

a) $a_n = \frac{11 \cdot [(2 \cdot n - 1)^2 - (n + 1) \cdot (3 \cdot n - 2)]}{(3 \cdot n - 2)^2 + (n + 1) \cdot (2 \cdot n - 1)}$,

b) $b_n = 14 \cdot n \cdot \ln\left(1 + \frac{1}{7 \cdot n}\right)$.

3. Odredite $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ tako da realna funkcija $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definirana pravilom

$$g(w) = \begin{cases} \frac{\sin(4 \cdot w)}{2 \cdot w}, & \text{za } w < 0, \\ \alpha \cdot w + \beta, & \text{za } w \in [0, 2], \\ \frac{2 \cdot \ln(w - 1)}{2 - w}, & \text{za } w > 2 \end{cases}$$

bude neprekidna na \mathbb{R} .

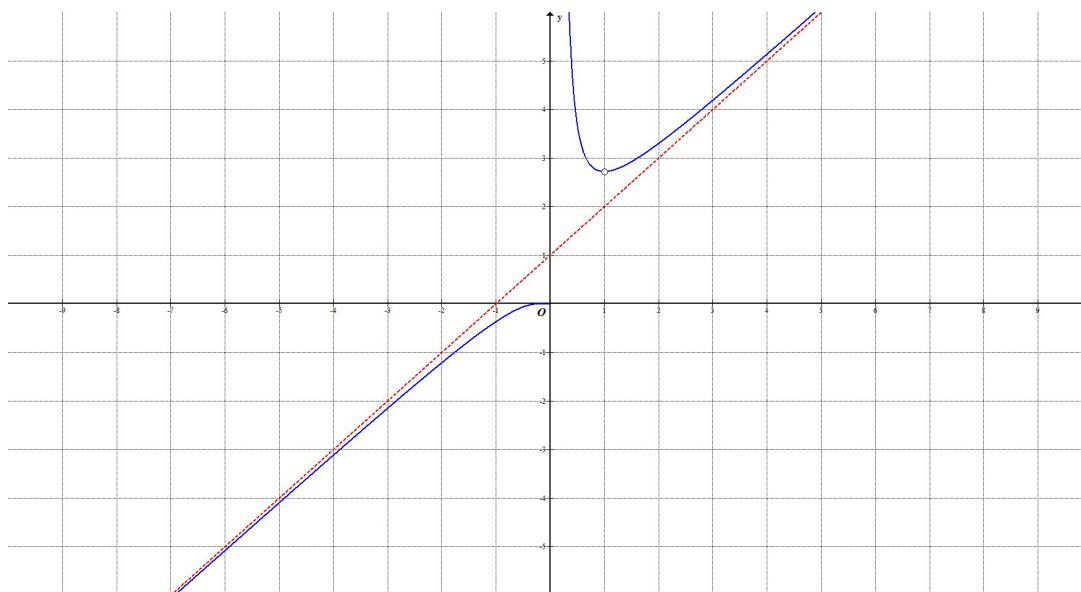
4. Odredite najmanju i najveću vrijednost funkcije $q: [-6, 2] \rightarrow \mathbb{R}$ definirane pravilom $q(\varepsilon) = \varepsilon^3 - 75 \cdot \varepsilon$.

5. U točki krivulje $K \dots \begin{cases} x = t + \sin t, \\ y = 2 \cdot (t - \cos t) \end{cases}$ određenoj parametrom $t = 0$ povučene su tangenta i normala na krivulju K . Izračunajte površinu lika kojega ti pravci zatvaraju s osi apscisa.

6. Ispitajte tijek i nacrtajte graf funkcije f definirane pravilom $f(x) = x \cdot e^{\frac{1}{x}}$.

REZULTATI ZADATAKA

1. 1.
2. a) 1;
b) 2.
3. $(\alpha, \beta) = (-2, 2)$
4. Najmanja vrijednost funkcije q jednaka je -142 . Najveća vrijednost funkcije q jednaka je 250 .
5. $P = 4$ kv. jed.
6. $D_f = \mathbb{R} \setminus \{0\}$, ne siječe nijednu koordinatnu os, neprekidna na D_f , nije ni parna, ni neparna, ni periodična, intervali rasta: $\langle -\infty, 0 \rangle$ i $\langle 1, +\infty \rangle$, interval pada: $\langle 0, 1 \rangle$, točka lokalnoga minimuma: $T = (1, e)$, interval konveksnosti: $\langle 0, +\infty \rangle$, interval konkavnosti: $\langle -\infty, 0 \rangle$, asimptote: $x = 0$ i $y = x + 1$. Graf funkcije f prikazan je na Slici 1. (Crveni crtkani pravac je kosa asimptota.)



Slika 1.