

# **3. ZAJMOVI**

## **3.1. ZAJAM (SLOŽEN I DEKURZIVAN OBRAČUN KAMATA)**

### 3.1.1. OSNOVNO O ZAJMU

- *Zajam* – jedan od osnovnih financijskih instrumenata putem kojih banke obavljaju dio svoje osnovne funkcije koji se odnosi na plasman financijskih sredstava investicijski naklonjenim sektorima ekonomije (njemačka varijanta razvoja financijskih sustava)
- U novije vrijeme zajam nadomješćuju *dužnički vrijednosni papiri* (obveznice) i neki moderniji, složeni instrumenti koji sadrže tzv. izvedenice kao odgovarajuću zaštitu od različitih oblika rizika

### 3.1.2. OSNOVNI ELEMENTI PLANA OTPLATE ZAJMA

- ◎ *Anuitet (otplatna rata)* – iznos koji zajmoprimac plaća u svakom pojedinom otplatnom razdoblju
- ◎ *Otplatna kvota* – dio glavnice zajma koji se otplaćuje putem svakoga pojedinoga anuiteta
- ◎ *Ostatak glavnice zajma* – iznos koji ostaje za povrat nakon isteka odgovarajućega elementarnoga razdoblja ukamaćivanja
- ◎ *Kamata* – naknada za dobiveni zajam koja se plaća u svakom pojedinom elementarnom razdoblju ukamaćivanja
- ◎ *Plan otplate (otplatna tablica, otplatna osnova)* – tablica čiji se retci odnose na kraj svakoga pojedinoga razdoblja ukamaćivanja, a svaki od stupaca na pojedini osnovni element

### 3.1.2. OSNOVNI ELEMENTI PLANA OTPLATE ZAJMA

- ◎  $C = C_0$  = odobreni iznos zajma;
- ◎  $a_k$  - iznos anuiteta (otplatne rate) u  $k$  – tom razdoblju;
- ◎  $I_k$  - iznos kamata u  $k$  – tom razdoblju;
- ◎  $R_k$  - otplatna kvota u  $k$  – tom razdoblju;
- ◎  $C_k$  - ostatak glavnice zajma u  $k$  – tom razdoblju;
- ◎  $n$  – ukupan broj razdoblja otplate zajma (ukupan broj rata);
- ◎  $p_1, p_2, \dots$  - ugovorene kamatne stope

### 3.1.3. NAPOMENA

- Ukoliko se ne istakne drugačije, prepostavljamo da se plaćanjem svakoga pojedinoga anuiteta *u cijelosti* najprije podmiruje iznos dospjelih kamata, dok se ostatak anuiteta koristi za podmirenje dijela glavnice. (Slučajeve u kojima plaćeni iznos rate nije dostatan za podmirenje dospjelih kamata nećemo razmatrati.)
- Ekvivalentno, prepostavljamo da u svakom razdoblju  $k$  vrijedi jednakost:

$$\bullet R_k = a_k - I_k$$

### 3.1.4. PRIMJER 1.

- Neki je zajam otplaćen u roku od dvije godine tako da je krajem svake godine uplaćena rata od 5.760,90 kn. Godišnji kamatnjak je 10, a obračun kamata složen, godišnji i dekurzivan.
- a) Odredite odobreni iznos zajma (zaokružite rezultat na najблиži prirodan broj) i iznos ukupnih kamata.
- b) Sastavite plan otplate zajma i izvršite provjeru.

### 3.1.5. PRIMJER 2.

- a) Odredite najveći mogući iznos zajma kojega se može otplatiti u dvije godine ako je u prvoj godini najveći mogući anuitet 100.000,00 kn, a u drugoj 50.000,00 kn. Godišnji kamatnjak u prvoj godini je 10, a u drugoj 20, dok je obračun kamata složen, godišnji i dekurzivan.
- b) Sastavite plan otplate zajma i izvršite provjeru.

### 3.1.5. INTERKALARNA KAMATA

- ◎ U većini modela otplate zajma pretpostavlja se da se vrijeme puštanja zajma u tečaj podudara s početkom periodičnoga otplatnoga režima
- ◎ U praksi se zajam najčešće pušta u tečaj u trenutku koji najbolje odgovara i zajmodavcu i zajmoprimcu, što znači da zajmodavac od trenutka isplate do trenutka početka otplatnoga režima zapravo kreditira zajmoprimca čitavim iznosom odobrenoga zajma i ta činjenica nije uključena u izračun ukupnih kamata na zajam
- ◎ Iz tih se razloga, kao dodatak planu otplate, obračunava tzv. *interkalarna kamata*

### 3.1.5. INTERKALARNA KAMATA

- ◉ *Interkalarna kamata* – kamata koju zajmoprimac plaća za korištenje cijelog iznosa ili određenoga dijela zajma (*tranše*) od trenutka doznaće sredstava od strane zajmodavca do trenutka početka otplate zajma;
- ◉ Razdoblje između trenutka puštanja zajma u tečaj (trenutka isplate zajma) i početka prvoga razdoblja otplate zajma naziva se *razdoblje počeka (grace period)*
- ◉ Praktično najpovoljnije za dužnika: puštanje zajma u tečaj – posljednjega dana u tekućem mjesecu; početak otplatnoga režima – prvoga dana sljedećega mjeseca

### 3.1.5. INTERKALARNA KAMATA

- Ugovorna kamatna stopa u razdoblju počeka obično je jednaka ugovornoj kamatnoj stopi za dobivanje zajma
- Obračun interkalarne kamate se obavlja prema složenom kamatnom računu, a isplata može biti:
  - 1.) odjednom u trenutku početka otplatnoga režima (odvojeno od osnovnoga plana otplate);
  - 2.) zajedno s iznosom zajma (interkalarna kamata se pripiše iznosu odobrenoga zajma na početku otplatnoga režima).

### 3.1.6. PRIMJER 3.

- Tvrtski "Smušenjaković d.o.o." iz Košara odobren je zajam u iznosu od 100.000,00 kn uz rok otplate 2 godine (s početkom 1.1.2010.), plaćanje nominalno jednakim anuitetima krajem svake godine i ugovornu godišnju kamatnu stopu 10%. Izračunajte iznos interkalarne kamate ako je zajam pušten u tečaj:
  - b) 31. prosinca 2008.;
  - c) 31. prosinca 2009.
- *Napomena:* Interkalarna kamata obračunava se po istoj kamatnoj stopi kao i kamata na odobreni zajam.

### 3.1.7. NEKI MODELI OTPLATE ZAJMA

- Radi pojednostavljenja kalkulacija uvode se sljedeće *dodatne pretpostavke*:
- 1. Anuiteti se plaćaju krajem razdoblja (postnumerando).
- 2. Vremenski razmak između dvaju anuiteta je konstantan i jednak elementarnom razdoblju ukamaćivanja.
- 3. Ugovorna kamatna stopa je konstantna tijekom čitavoga razdoblja otplate zajma.

### 3.1.7. NEKI MODELI OTPLATE ZAJMA

- Sukladno navedenim pretpostavkama najčešći modeli otplate zajma su:
- **Model 1.** *Otplata zajma jednakim anuitetima*
- **Model 2.** *Otplata zajma dogovorno jednakim anuitetima*
- **Model 3.** *Otplata zajma promjenjivim anuitetima s jednakim otplatnim kvotama*