

## 4.11. TANGENTA I NORMALA NA RAVNINSKU KRIVULJU

JEDNADŽBE TANGENTE I NORMALE  
POVUČENE NA RAVNINSKU KRIVULJU

## 4.11.1. TANGENTA NA RAVNINSKU KRIVULJU

- Tangenta povučena na graf derivabilne funkcije  $f$  u njegovoj točki  $T = (x_T, f(x_T))$  je pravac koji prolazi točkom  $T$  i ima koeficijent smjera  $f'(x_T)$ .
- Za standardne krivulje 2. reda (kružnica, elipsa, hiperbola, parabola) ta definicija podudara se s definicijom: *Tangenta je pravac koji siječe zadanu krivulju u točno jednoj točki.*
- Iz definicije tangente slijedi da je ona (kao i svaki pravac) jednoznačno određena svojim *koeficijentom smjera*, te svojim *diralištem*.
- U točki 4.7.1. istaknuli smo da se *derivacija funkcije  $f$  u točki  $c$*  geometrijski interpretira kao *koeficijent smjera tangente povučene na graf funkcije  $f$  u točki*
- $T = (c, f(c))$ .
- Taj koeficijent je ujedno i *tangens kuta kojega tangenta zatvara s pozitivnim dijelom osi apscisa*.
- Slijedom navedenoga, jednadžba tangente povučene u točki  $T = (x_T, f(x_T))$  na graf *derivabilne* funkcije  $f$  glasi:
$$y = f'(x_T) \cdot (x - x_T) + f(x_T)$$
- Ponekad se promatra i **duljina tangente**. Ona se *dogovorno* definira kao udaljenost između sjecišta tangente s osi apscisa i dirališta tangente (točke  $T$ ).

## 4.11.2. NORMALA NA RAVNINSKU KRIVULJU

- *Normala* na graf funkcije  $f$  povučena u njegovoj točki  $T = (x_T, f(x_T))$  je pravac koji prolazi točkom  $T$  okomito na tangentu povučenu na graf funkcije  $f$  u točki  $T$ .
- Ako je  $f'(x_T) \neq 0$ , onda jednadžba normale povučene u točki  $T$  na graf *derivabilne* funkcije  $f$  glasi:

$$y = \frac{-1}{f'(x_T)} \cdot (x - x_T) + f(x_T)$$

- Koeficijent smjera normale povučene na graf funkcije  $f$  u nekoj točki *uvijek* je suprotan i recipročan koeficijentu smjera tangente povučene na taj graf u istoj točki.
- Analogno kao i kod tangente, **duljina normale** *dogovorno* se definira kao udaljenost sjecišta te normale s krivuljom (tj. točke  $T$ ) i sjecišta iste normale s osi apscisa.