

1. **D.** Svedimo sve razlomke na jedinstveni zajednički nazivnik. Lako provjeravamo da vrijede rastavi:

$$85 = 17 \cdot 5,$$

$$187 = 17 \cdot 11,$$

$$170 = 17 \cdot 10,$$

pa je zajednički nazivnik svih razlomaka jednak

$$17 \cdot 10 \cdot 11 \cdot 67 = 155\,290.$$

Tako sada imamo:

$$\begin{aligned} \frac{3}{17} &= \frac{3 \cdot 7370}{17 \cdot 7370} = \frac{22\,110}{125\,290}, \\ \frac{4}{17} &= \frac{4 \cdot 7370}{17 \cdot 7370} = \frac{29\,480}{125\,290}, \\ \frac{14}{85} &= \frac{14 \cdot 1474}{85 \cdot 1474} = \frac{20\,636}{125\,290}, \\ \frac{16}{67} &= \frac{16 \cdot 1870}{67 \cdot 1870} = \frac{29\,920}{125\,290}, \\ \frac{32}{187} &= \frac{32 \cdot 670}{187 \cdot 670} = \frac{21\,440}{125\,290}, \\ \frac{39}{170} &= \frac{39 \cdot 737}{170 \cdot 737} = \frac{28\,743}{125\,290}. \end{aligned}$$

Vidimo da se između razlomaka  $\frac{3}{17} = \frac{22\,110}{125\,290}$  i  $\frac{4}{17} = \frac{29\,480}{125\,290}$  nalazi jedino razlomak

$\frac{28\,743}{125\,290} = \frac{39}{170}$ . Naime, brojnici ostalih triju razlomaka su ili strogo manji od 22 110 ili

strogo veći od 29 480, pa se ti razlomci ne mogu nalaziti između  $\frac{3}{17}$  i  $\frac{4}{17}$ .

2. **A.** Primijetimo da je  $\frac{6}{3} = 2$ , te  $-\frac{8}{4} = -\frac{10}{5} = -2$ . Zbog toga ti razlomci predstavljaju cijele brojeve. Međutim, brojevi  $\sqrt{5}$ ,  $\frac{1}{5}$  i  $\pi$  nisu cijeli brojevi. Prvi i treći od njih su iracionalni brojevi, a drugi je racionalan broj koji nije cijeli. Zbog toga skupovi **B**, **C** i **D** sadrže barem jedan element koji nije cijeli broj, pa ti skupovi nisu rješenje zadatka. Skup **A** sadrži točno tri elementa:  $-2$ ,  $0$  i  $2$ . Sva tri navedena elementa su cijeli brojevi.
3. **C.** Od 21:45 sati do 22:00 sati protekne 15 minuta. Od 22:00 sati do 0:00 sati proteknu 2 sata. Od 0:00 sati do 1:17 sati proteknu 1 sat i 17 minuta. Stoga je ukupno proteklo vrijeme jednako 15 minuta + 2 sata + 1 sat + 17 minuta = 3 sata i 32 minute.
4. **A.** Drugi skup prikazuje skup svih realnih brojeva koji su strogo veći od  $-4$  i jednaki ili manji od 2. Treći skup prikazuje skup svih realnih brojeva koji su jednaki ili veći od  $-4$  i

strogo manji od 2. Četvrti skup prikazuje skup svih realnih brojeva koji su jednaki ili veći od  $-4$  i jednaki ili manji od 2. Stoga je skup **A** traženi skup, tj. taj skup prikazuje skup svih realnih brojeva koji su strogo veći od  $-4$  i strogo manji od 2.

5. **B.** Vrijede jednakosti:  $1 \text{ dm} = 10 \text{ cm} = 10 \cdot 10 = 10^2 \text{ mm}$ . Zbog toga je  $1 \text{ mm} = 10^{-2} \text{ dm}$ , pa je  $0.4 \text{ mm} = 0.4 \cdot 10^{-2} = 4 \cdot 10^{-1} \cdot 10^{-2} = 4 \cdot 10^{-1+(-2)} = 4 \cdot 10^{-3} \text{ dm}$ .
6. **D.** Količnik cijelih brojeva ne mora biti cijeli broj (npr.  $\frac{1}{2}$  je količnik cijelih brojeva 1 i 2, a nije cijeli broj).

Umnožak cijelih brojeva je uvijek cijeli broj, ali ne nužno prirodan broj (npr.  $(-1) \cdot 2$  je umnožak cijelih brojeva  $-1$  i 2, njegova je vrijednost jednaka  $-2$ , a taj broj nije prirodan broj).

Razlika prirodnih brojeva je uvijek cijeli broj, ali ne nužno prirodan broj (npr.  $1 - 2$  je razlika prirodnih brojeva 1 i 2, njezina je vrijednost jednaka  $-1$ , a taj broj nije prirodan broj).

Zbroj dvaju prirodnih brojeva je uvijek prirodan broj. Kraće kažemo da je skup prirodnih brojeva *zatvoren s obzirom na zbrajanje*.

7. **C.** Koristeći formulu za kvadrat binoma dobivamo sljedeće jednakosti:

$$\begin{aligned} \left(\frac{1}{4} - 2 \cdot x\right)^2 &= \left(\frac{1}{4}\right)^2 - 2 \cdot \frac{1}{4} \cdot (2 \cdot x) + (2 \cdot x)^2 = \frac{1}{16} - x + 4 \cdot x^2, \\ \left(\frac{1}{2} - 4 \cdot x\right)^2 &= \left(\frac{1}{2}\right)^2 - 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot (4 \cdot x) + (4 \cdot x)^2 = \frac{1}{4} - 4 \cdot x + 16 \cdot x^2, \\ \left(\frac{1}{2} \cdot x - 4\right)^2 &= \left(\frac{1}{2} \cdot x\right)^2 - 2 \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x\right) \cdot 4 + 4^2 = \frac{1}{4} \cdot x^2 - 4 \cdot x + 16, \\ \left(\frac{1}{4} \cdot x - 4\right)^2 &= \left(\frac{1}{4} \cdot x\right)^2 - 2 \cdot \left(\frac{1}{4} \cdot x\right) \cdot 4 + 4^2 = \frac{1}{16} \cdot x^2 - 2 \cdot x + 16. \end{aligned}$$

Dakle, traženi izraz je izraz **C**.

8. **D.** Zadanu jednadžbu transformiramo ovako:

$$\begin{aligned} (1 - 2 \cdot x) \cdot x - 3 &= 0, \\ x - 2 \cdot x^2 - 3 &= 0, \\ -2 \cdot x^2 + x - 3 &= 0. \end{aligned}$$

Očitamo koeficijente ove kvadratne jednadžbe:  $a = -2$ ,  $b = 1$ ,  $c = -3$ . Prema Viëteovim formulama slijedi da je traženi umnožak jednak  $\frac{c}{a} = \frac{-3}{-2} = \frac{3}{2} = 1.5$ .

9. **A.** Riješimo nejednadžbu  $|x + 3| - 5 > 7$ . Imamo redom:

$$\begin{aligned}
 |x+3| - 5 &> 7, \\
 |x+3| &> 7 + 5, \\
 |x+3| &> 12, \\
 x+3 &> 12 \text{ ili } x+3 < -12, \\
 x &> 12-3 \text{ ili } x < -12-3, \\
 x &> 9 \text{ ili } x < -15, \\
 x &\in \langle -\infty, -15 \rangle \cup \langle 9, +\infty \rangle.
 \end{aligned}$$

Dobivenom skupu svih rješenja nejednadžbe pripada jedino broj  $-17$ .

10. **B.** Dužina  $\overline{ST}$  je polumjer kružnice, pa s pravcem  $p$  zatvara pravi kut. Kut  $\angle STB$  je obodni kut nad tetivom  $\overline{TB}$ , pa je, prema podacima u zadatku, njegova mjera jednaka  $40^\circ$  (jer svi obodni kutovi nad istom tetivom imaju jednake mjere). Tako odmah imamo:

$$\begin{aligned}
 40^\circ + \beta &= 90^\circ, \\
 \beta &= 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ.
 \end{aligned}$$

11. **D.** Neka su  $i$  vrijeme za koje Irena sama obere grm i  $m$  vrijeme za koje Mia sama obere grm. Iz podatka da Ireni za branje grma treba 10 minuta više nego Miji zaključujemo da vrijedi jednakost:

$$m = i - 10.$$

U jednoj minuti Irena obere  $\frac{1}{i}$ -ti dio grma, a Mia  $\frac{1}{m}$ -ti dio grma. Stoga u jednoj minuti njih dvije zajedno oberu  $\left(\frac{1}{i} + \frac{1}{m}\right)$ -ti dio grma, pa u 12 minuta oberu  $12 \cdot \left(\frac{1}{i} + \frac{1}{m}\right)$ -ti dio grma. Prema podacima u zadatku, taj dio grma je zapravo cijeli grm, pa mora vrijediti jednakost:

$$12 \cdot \left(\frac{1}{i} + \frac{1}{m}\right) = 1,$$

odnosno jednakost

$$\frac{1}{i} + \frac{1}{m} = \frac{1}{12}.$$

Tako smo dobili sljedeći sustav dviju jednadžbi s dvije nepoznanice:

$$\begin{cases} m = i - 10, \\ \frac{1}{i} + \frac{1}{m} = \frac{1}{12}. \end{cases}$$

Riješimo taj sustav. Uvrstimo prvu jednadžbu sustava u drugu i riješimo dobivenu jednadžbu po nepoznanici  $i$ . Imamo redom:

$$\begin{aligned}\frac{1}{i} + \frac{1}{i-10} &= \frac{1}{12} \quad / \cdot i \cdot (i-10) \cdot 12 \\ 12 \cdot (i-10) + 12 \cdot i &= i \cdot (i-10), \\ 12 \cdot i - 120 + 12 \cdot i &= i^2 - 10 \cdot i, \\ i^2 - 10 \cdot i - 12 \cdot i + 120 - 12 \cdot i &= 0, \\ i^2 - 34 \cdot i + 120 &= 0, \\ i_{1,2} &= \frac{34 \pm \sqrt{(-34)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 120}}{2 \cdot 1} = \frac{34 \pm \sqrt{1156 - 480}}{2} = \frac{34 \pm \sqrt{676}}{2} = \frac{34 \pm 26}{2}, \\ i_1 &= \frac{34+26}{2} = \frac{60}{2} = 30, \quad i_2 = \frac{34-26}{2} = \frac{8}{2} = 4.\end{aligned}$$

Rješenje  $i_2$  odbacujemo jer u tom slučaju  $m = i_2 - 10 = 4 - 10 = -6$  nije strogo pozitivan realan broj (vrijeme ne može biti strogo negativan realan broj). Dakle, preostaje  $i = i_1 = 30$  minuta.

- 12. A.** Primijetimo da su sve zadane funkcije linearne funkcije oblika  $f(x) = a \cdot x + b$ , gdje su  $a, b \in \mathbb{R}$ ,  $a \neq 0$ . Ako argument linearne funkcije  $f(x) = a \cdot x + b$  povećamo za  $d > 0$ , onda će se vrijednost te funkcije promijeniti za:

$$(a \cdot (x+d) + b) - (a \cdot x + b) = a \cdot x + a \cdot d - a \cdot x - b + b = a \cdot d.$$

U našem zadatku su  $\Delta = -6$  (jer se vrijednost funkcije smanjuje za 6) i  $d = 3$ , pa slijedi:

$$a = \frac{\Delta}{d} = \frac{-6}{3} = -2.$$

Jedina od ponuđenih četiriju linearnih funkcija koja ima vodeći koeficijent jednak  $-2$  je funkcija  $f(x) = -2 \cdot x + 5$ , pa je ta funkcija rješenje zadatka.

- 13. B.** Koristeći formulu za razliku kvadrata imamo redom:

$$\frac{2 \cdot x}{x^2 - 64} \cdot \frac{3 \cdot x - 24}{x^2} = \frac{2 \cdot x}{x^2 - 8^2} \cdot \frac{3 \cdot (x-8)}{x^2} = \frac{2 \cdot x}{(x-8) \cdot (x+8)} \cdot \frac{3 \cdot (x-8)}{x^2} = \frac{2}{x+8} \cdot \frac{3}{x} = \frac{6}{(x+8) \cdot x} = \frac{6}{x^2 + 8 \cdot x}.$$

- 14. B.** Izračunajmo najprije duljinu hipotenuze zadanoga trokuta prema Pitagorinu poučku:

$$c = \sqrt{10^2 + 24^2} = \sqrt{100 + 576} = \sqrt{676} = 26 \text{ cm}.$$

Površina zadanoga trokuta s jedne je strane jednaka polovici umnoška duljina obiju kateta, a s druge polovici umnoška duljine hipotenuze  $c$  i duljine visine na hipotenuzu ( $v$ ). Zbog toga mora vrijediti jednakost:

$$a \cdot b = c \cdot v.$$

Odavde lagano slijedi:

$$v = \frac{a \cdot b}{c} = \frac{10 \cdot 24}{26} = \frac{240}{26} = \frac{120}{13} = 9.230769 \approx 9.23 \text{ cm}.$$

15. B. Traženo oplošje je jednako:

$$O = 2 \cdot 4 \cdot 2 + 2 \cdot 6 \cdot 2 + 4 \cdot 6 + (4 \cdot 6 - 2 \cdot 2) + 2 \cdot 2 \cdot 1 + 2 \cdot 2 \cdot 1 + 2 \cdot 2 =$$

$$= 16 + 24 + 24 + (24 - 4) + 4 + 4 + 4 = 96 \text{ cm}^2.$$

16. C. U jednoj minuti Stjepan napravi 45 koraka i prijeđe put od  $45 \cdot 75 = 3375 \text{ cm}$ . U isto vrijeme Marijana napravi 60 koraka i prijeđe put od  $60 \cdot 60 = 3600 \text{ cm}$ . Neka je  $t$  vrijeme potrebno da Marijana stigne Stjepana (računajući od početka Marijanine šetnje). U tom vremenu Marijana će prijeći put od  $3600 \cdot t \text{ cm}$ . U istom vremenu Stjepan će prijeći put od  $3375 \cdot (t + 1) \text{ cm}$  jer hoda minutu više od Marijane. Ta dva puta moraju biti jednaka, pa dobivamo jednadžbu:

$$3375 \cdot (t + 1) = 3600 \cdot t.$$

Riješimo tu jednadžbu na uobičajen način:

$$3375 \cdot t + 3375 = 3600 \cdot t,$$

$$3375 \cdot t - 3600 \cdot t = -3375,$$

$$-225 \cdot t = -3375, \quad / : (-225)$$

$$t = 15.$$

Dakle, Marijana će hodati ukupno 15 minuta i za to vrijeme će napraviti  $15 \cdot 60 = 900$  koraka.

17.  $\approx -0.1328667$ . Imamo redom:

$$\frac{\sqrt[3]{4} + 2}{-81 : 3} = \frac{\sqrt[3]{4} + 2}{-27} = -\frac{\sqrt[3]{4} + 2}{27} = -\frac{4^{\frac{1}{3}} + 2}{27} \approx -0.13286670562845 \approx -0.1328667.$$

18.  $\frac{A \cdot D - 3}{C}$ . Imamo redom:

$$A = \frac{B \cdot C + 3}{D} \quad / \cdot D$$

$$A \cdot D = B \cdot C + 3,$$

$$A \cdot D - 3 = B \cdot C, \quad / : C$$

$$B = \frac{A \cdot D - 3}{C}.$$

19. **2 147 000**. Vrijedi:  $129^3 = 2\,146\,689 \approx 2\,147\,000$ . (Znamenku jedinica (9) i znamenku desetica (8) zanemarujemo, odnosno umjesto njih pišemo nule. Znamenku tisućica (6) moramo povećati za 1 jer je znamenka stotica (6) strogo veća od 5. Dakle, nova znamenka tisućica je  $6 + 1 = 7$ , a nova znamenka stotica jednaka je nuli. Sve znamenke ispred znamenke tisućica prepisujemo.)

20. **6; -1**. Podsjetimo da je četverokut paralelogram ako i samo ako se njegove dijagonale raspolavljaju. U ovom je slučaju točka  $S$  polovište dužine  $\overline{AC}$ . Tako dobivamo:

$$(2,1) = \left( \frac{-2+x_c}{2}, \frac{3+y_c}{2} \right) \Leftrightarrow \begin{cases} 2 = \frac{-2+x_c}{2} \\ 1 = \frac{3+y_c}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2 \cdot 2 = -2 + x_c \\ 1 \cdot 2 = 3 + y_c \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_c = 2 \cdot 2 + 2 = 4 + 2 = 6, \\ y_c = 1 \cdot 2 - 3 = 2 - 3 = -1. \end{cases}$$

**21. 8.5 kn.** Neka je  $C$  tražena cijena (iskazana u kn). Tada cijena poslije poskupljenja iznosi  $C + \frac{4}{100} \cdot C = C \cdot \left( 1 + \frac{4}{100} \right) = C \cdot (1 + 0.04) = 1.04 \cdot C$ . Ta cijena treba biti jednaka 8.84 kn, pa dobivamo jednadžbu:

$$1.04 \cdot C = 8.84.$$

Odatle dijeljenjem s 1.04 dobivamo  $C = 8.5$ .

**22. 1.)**  $x = \frac{69}{4} = 17.25$ . Imamo redom:

$$1.8 \cdot x + 2 \cdot x - 6 + 1.2 = 9 + 3 \cdot x,$$

$$1.8 \cdot x + 2 \cdot x - 3 \cdot x = 9 + 6 - 1.2,$$

$$0.8 \cdot x = 13.8,$$

$$x = \frac{13.8}{0.8} = \frac{138}{8} = \frac{69}{4} = 17.25.$$

**2.)**  $(x, y) = \left( -1, \frac{1}{2} \right)$ . Oduzmimo drugu jednadžbu sustava od prve jednadžbe. Dobivamo:

$$(x + y - 2) - (y - x) = \frac{5}{2} \cdot x - \frac{3}{2},$$

$$x + y - 2 - y + x = \frac{5}{2} \cdot x - \frac{3}{2},$$

$$x + x - \frac{5}{2} \cdot x = -\frac{3}{2} + 2,$$

$$-\frac{1}{2} \cdot x = \frac{1}{2}, \quad /: \left( -\frac{1}{2} \right)$$

$$x = -1.$$

Uvrstimo dobivenu vrijednost u drugu jednadžbu sustava pa dobijemo:

$$y - (-1) = \frac{3}{2},$$

$$y = \frac{3}{2} - 1 = \frac{1}{2}.$$

Dakle, rješenje zadanoga sustava je  $(x, y) = \left( -1, \frac{1}{2} \right)$ .

23. 1.)  $\sqrt{85}$ . Najprije očitamo koordinate točaka:  $A = (-3, -1)$ ,  $B = (4, 5)$ ,  $C = (-2, 6)$ . Potom računamo duljine stranica trokuta uz standardne oznake, a koristeći formulu za računanje udaljenosti dviju točaka u pravokutnom koordinatnom sustavu u ravnini:

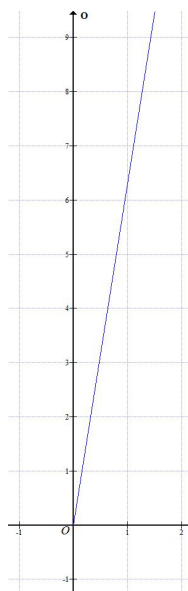
$$a = |BC| = \sqrt{(-2-4)^2 + (6-5)^2} = \sqrt{(-6)^2 + 1^2} = \sqrt{36+1} = \sqrt{37},$$

$$b = |AC| = \sqrt{(-2-(-3))^2 + (6-(-1))^2} = \sqrt{(-2+3)^2 + (6+1)^2} = \sqrt{1^2 + 7^2} = \sqrt{1+49} = \sqrt{50},$$

$$c = |AB| = \sqrt{(4-(-3))^2 + (5-(-1))^2} = \sqrt{(4+3)^2 + (5+1)^2} = \sqrt{7^2 + 6^2} = \sqrt{49+36} = \sqrt{85}.$$

Od navedenih triju duljina stranica najveća je ona duljina koja ima najveći radikand (izraz pod drugim korijenom). Ta je duljina očito jednaka  $\sqrt{85}$  i ona je rješenje zadatka.

2.) **Vidjeti Sliku 1.** Opseg kružnice polumjera  $r$  računamo prema formuli:  $O = 2 \cdot \pi \cdot r$ . Funkcija  $O = O(r) = 2 \cdot \pi \cdot r$  je linearna funkcija u varijabli  $r$ . Prema uvjetu zadatka, domena funkcije  $O$  je skup  $[0, +\infty)$ . Zbog toga njezin graf *nije* pravac (jer funkcija čiji je graf pravac ima skup  $\mathbb{R}$  za svoju domenu). Graf te funkcije je polupravac kojemu je početna točka  $(0, O(0)) = (0, 2 \cdot \pi \cdot 0) = (0, 0)$ , tj. ishodište pravokutnoga koordinatnoga sustava u ravnini. Za crtanje toga polupravca potrebna nam je još jedna njegova točka, pa izračunamo npr.  $O(1) = 2 \cdot \pi \cdot 1 = 2 \cdot \pi$ . Ucrtamo navedene točke u pravokutni koordinatni sustav u ravnini, pa ih spojimo polupravcem. Dobivamo Sliku 1.

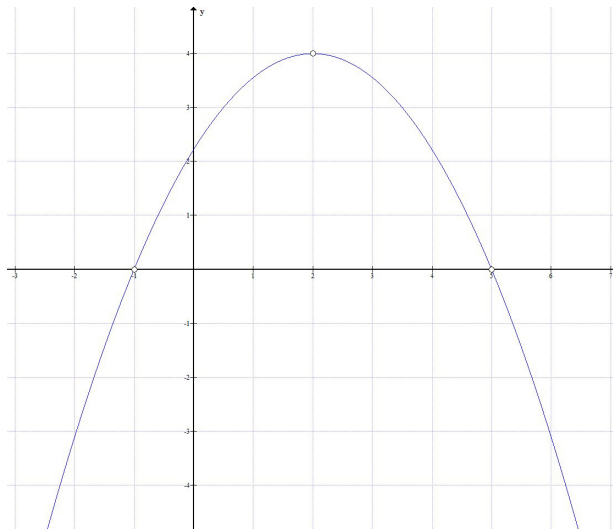


Slika 1.

24. 1.) 4. Iz zadanoga pravila funkcije očitamo njezine nultočke tako da svaku pojedinu zgradu izjednačimo s nulom. Lako dobivamo:  $x_1 = -1$ ,  $x_2 = 5$ . Funkcija poprima najveću vrijednost za  $x = \frac{x_1 + x_2}{2} = \frac{-1+5}{2} = \frac{4}{2} = 2$  i ta najveća vrijednost iznosi

$$f(2) = -\frac{4}{9} \cdot (2+1) \cdot (2-5) = -\frac{4}{9} \cdot 3 \cdot (-3) = 4.$$

2.) Vidjeti Sliku 2. Iz prethodnoga podzadatka zaključujemo da graf zadane funkcije prolazi točkama  $(-1, 0)$ ,  $(5, 0)$  i  $(2, 4)$ . U crtamo te točke u pravokutni koordinatni sustav u ravnini, pa ih spojimo parabolom. Dobivamo Sliku 2.



Slika 2.

25. 1.)  $x \geq 8$  ili  $x \in [8, +\infty)$ . Imamo redom:

$$\begin{aligned}
 1 + \frac{x+8}{4} &\leq \frac{2 \cdot x - 1}{3} \quad / \cdot 12 \\
 12 + 3 \cdot (x+8) &\leq 4 \cdot (2 \cdot x - 1), \\
 12 + 3 \cdot x + 24 &\leq 8 \cdot x - 4, \\
 3 \cdot x - 8 \cdot x &\leq -4 - 12 - 24, \\
 -5 \cdot x &\leq -40, \quad / : (-5) \\
 x &\geq 8.
 \end{aligned}$$

Dakle, skup svih rješenja zadane nejednadžbe je interval  $[8, +\infty)$ .

2.)  $x = \frac{5}{2}$ . Prikažimo obje strane zadane jednadžbe kao potencije s bazom 10. Imamo redom:

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{4} \cdot 10^{x-3} &= 25 \cdot 10^{-x}, \quad / \cdot 4 \\
 10^{x-3} &= 100 \cdot 10^{-x}, \\
 10^{x-3} &= 10^2 \cdot 10^{-x}, \\
 10^{x-3} &= 10^{2-x}, \\
 x-3 &= 2-x, \\
 x+x &= 2+3, \\
 2 \cdot x &= 5, \quad / : 2 \\
 x &= \frac{5}{2}.
 \end{aligned}$$



26. 1.) 6. Neka su  $b$  i  $s$  današnja starost brata, odnosno sestre. Iz podatka da njih dvoje zajedno imaju 51 godinu zaključujemo da vrijedi jednakost:

$$b + s = 51.$$

Za tri godine brat će imati  $b+3$  godina, a taj broj mora biti jednak broju sestrih današnjih godina. Odatle zaključujemo da vrijedi jednakost:

$$s = b + 3.$$

Tako smo dobili sustav dviju linearnih jednadžbi s dvije nepoznanice:

$$\begin{cases} b + s = 51, \\ s = b + 3. \end{cases}$$

Iz toga sustava odredimo nepoznanicu  $b$ . Uvrstimo drugu jednadžbu sustava u prvu jednadžbu, pa dobijemo:

$$b + (b + 3) = 51,$$

$$b + b + 3 = 51,$$

$$2 \cdot b = 51 - 3,$$

$$2 \cdot b = 48, \quad / : 2$$

$$b = 24.$$

Dakle, brat danas ima 24 godine, pa je navršio 18 godina prije  $24 - 18 = 6$  godina.

2.)  $a - 6$ . Imamo redom:

$$(a + 3) \cdot (a - 2) - a^2 = a^2 + 3 \cdot a - 2 \cdot a - 6 - a^2 = a - 6.$$

27. 1.) 14 km. U sedam dana Boris je pretrčao ukupno  $7 \cdot 5 = 35$  km. U svakom danu pretrčao je najmanje 3.5 km, što daje ukupno  $7 \cdot 3.5 = 24.5$  pretrčanih km. Preostaje razlika od  $35 - 24.5 = 10.5$  km. Tu udaljenost Boris je mogao pretrčati i u jednom danu (a u svakom od ostalih 6 dana pretrčati točno 3.5 km), pa je tražena udaljenost jednaka  $10.5 + 3.5 = 14$  km

2.)  $7 \cdot T - 30$ . Iz zadanih podataka zaključujemo da je  $T = \frac{B - 40}{7} + 10$ . Iz ove jednakosti izrazimo varijablu  $B$ . Imamo redom:

$$T = \frac{B - 40}{7} + 10, \quad / \cdot 7$$

$$7 \cdot T = B - 40 + 70,$$

$$7 \cdot T = B + 30,$$

$$B = 7 \cdot T - 30.$$

28. 1.) 6. Automobil se na početku nalazi u točki (0, 6), a biciklist u ishodištu, odnosno u točki (0, 0). Udaljenost tih točaka jednaka je 6, pa je tražena udaljenost jednaka 6 km.

2.) 3. Prvi susret dogodio se u trenutku  $t_1 = 4$  (obje krivulje prolaze točkom  $(4, 2)$ ), a drugi u trenutku  $t_2 = 7$  (obje krivulje prolaze točkom  $(7, 3.5)$ ). Razlika tih dviju vrijednosti jednaka je  $t_2 - t_1 = 7 - 4 = 3$ , pa traženo vrijeme iznosi 3 minute.

3.) **Od početka gibanja do 4. minute i od 5. minute do 7. minute.** Udaljenost automobilista i biciklista se najprije smanjuje od početka gibanja obiju osoba do trenutka njihova prvoga susreta, tj. od  $t_1 = 0$  do  $t_2 = 4$ .

Potom u razdoblju od 3. do 5. minute automobilist stoji (jer je njegova udaljenost od škole u tom razdoblju konstantna i jednaka 2 km), a biciklist se giba najprije smanjujući svoju udaljenost u odnosu na automobilista (od 3. do 4 minute), susrećući automobilista (u 4. minuti) i potom povećavajući svoju udaljenost od automobilista (od 4. do 5. minute).

Od 5. do 7. minute automobilist se giba povećavajući svoju udaljenost u odnosu na školu, a smanjujući svoju udaljenost u odnosu na biciklista.

U 7. minuti automobilist pretječe biciklista i od toga trenutka se njihove međusobne udaljenosti sve više povećavaju.

Dakle, traženi vremenski intervali su  $[0, 4]$  i  $[5, 7]$ .

**pripremio:**  
**mr.sc. Bojan Kovačić, viši predavač**